

Barem - testul de antrenament nr. 8

Evaluare

1. 3 puncte

$$\begin{aligned} n &= 4 + 4 + \cdots + 4 + 0 && 1p \\ &\quad 4 \text{ apare de } 505 \text{ ori} && 1p \\ n &= 4 \cdot 505 = 2020 : 2020 && 1p \end{aligned}$$

2. 3 puncte

$$\begin{aligned} \overline{abc6} : 4 &\Rightarrow \overline{c6} : 4 \\ \Rightarrow c &\text{ poate fi } 1, 3, 5, 7, 9, \text{ deci } 5 \text{ posibilități} && 1p \\ \overline{ab} &\text{ pătrat perfect} \\ \Rightarrow \overline{ab} &\text{ poate fi } 16, 25, 36, 49, 64, 81, \text{ deci } 6 \text{ posibilități} && 1p \\ \text{În total avem } 5 \cdot 6 &= 30 \text{ numere} && 1p \end{aligned}$$

3. 3 puncte

Fie a_1, a_2, \dots, a_9 cele 9 numere și S suma lor.

$$\begin{aligned} \text{Atunci } 9 &\mid S - a_1, 9 \mid S - a_2, \dots, 9 \mid S - a_9 && 1p \\ 9 &\mid 9S - (a_1 + a_2 + \cdots + a_9) && 1p \\ \text{Deci, } a_1 + a_2 + \cdots + a_9 &= S : 9 && 1p \end{aligned}$$